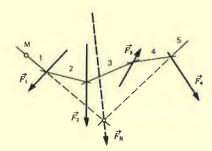
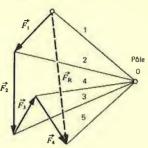
Résultante d'un système de forces coplanes quelconques

Polygone funiculaire (ouvert)



Polygone dynamique ou polygone des forces (ouvert)

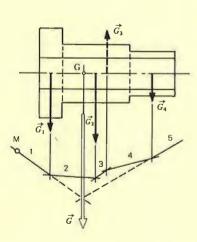


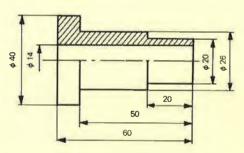
Si le polygone dynamique (polygone des forces) est ouvert, le système des forces admet une résultante. Si le polygone funiculaire est ouvert, le système des forces admet un couple résultant. Si le dynamique et le funiculaire sont fermés, le système des forces données est en équilibre.

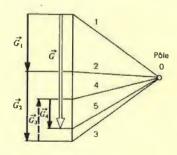
Détermination graphique du centre de gravité G d'un volume ou d'une surface plane.

Exemple:

Déterminer graphiquement la position de G de la pièce mécanique ci-jointe :







Remarque: Par mesure de simplification, les vecteurs \vec{G} , \vec{F} , $\vec{\nu}$, \vec{a} apparaissant dans les figures des pages suivantes seront représentés par G, F, ν , a.

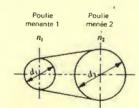
Machines simples

Moment de la force $F = Moment de la pesanteur G de la charge Force <math>F \times b$ ras de la force $G \times b$ ras de la charge $G \times b$ ras de la charge $G \times b$

$$F \cdot a = G \cdot b$$

Les bras a et b se mesurent toujours à partir du point d'articulation, perpendiculairement à F et G

Transmission par courroie



a) Transmission simple

 $n_1 \cdot d_1 \approx n_2 \cdot d_2$

Rapport de transmission

$$i = \frac{n_1}{n_2} = \frac{\omega_1}{\omega_2} \approx \frac{d_2}{d_1}$$

 $M_1 \cdot d_2 = M_2 \cdot d_1$

b) Transmission multiple

 $n_1 \cdot d_1 \cdot d_3 \approx n_4 \cdot d_2 \cdot d_4$

Rapport de transmission

 $i = \frac{n_1}{n_4} \approx \frac{d_2 \cdot d_4}{d_1 \cdot d_3}$

 n_1, n_2 fréquence de rotation

 d_1, d_2 diamètre des poulies

M₁, M₂ moment agissant sur les arbres des poulies

 n_1, n_2, n_3, n_4 fréquence de rotation

 d_1, d_3 poulies menantes

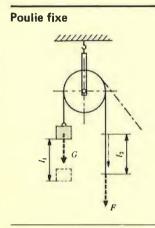
 d_2, d_4 poulies menées

Unités : les grandeurs de même espèce doivent être exprimées avec la même unité,

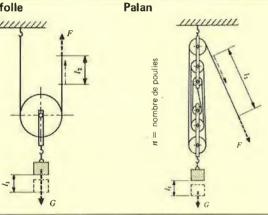
Les formules ci-dessous négligent les frottements. Ceux-ci sont généralement inclus dans le rendement η de la machine. On en tiendra compte :

- en divisant G par η lorsqu'on calculera F,
- en multipliant F par η lorsqu'on calculera G.

Exemple: pour le treuil: $F = \frac{G}{\eta} \cdot \frac{r_1}{r}$ ou bien $G = F \cdot \eta \cdot \frac{r}{r_1}$



Poulie folle



$$F = G$$

$$l_1 = l_2$$

$$F = \frac{G}{2}$$

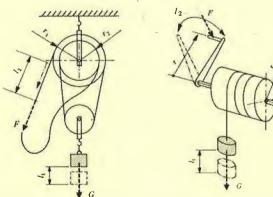
$$F = \frac{G}{n}$$

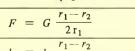
$$l_2 = l_2 = l_1 = l_1$$

Palan différentiel

Treuil

Treuil différentiel

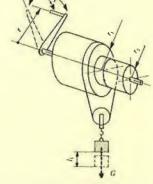




$$F = G \frac{r_1}{r}$$

$$r = G \frac{r_1}{r}$$

$$l_1 = l_2 \frac{r_1}{r}$$

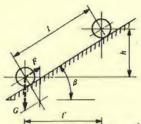


$$F = G \frac{r_1 - r_2}{2 r}$$

$$l_1 = l_2 \frac{r_1 - r_2}{2 r}$$

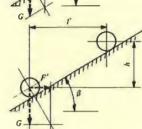
Unités : les grandeurs de même espèce doivent être exprimées avec la même unité.

Plan incliné, coin (sans tenir compte du frottement. En cas contraire, voir "Frottement", pages 50 et 51.)



$$F \cdot l = G \cdot h$$

$$F = \frac{G \cdot h}{l} = G \cdot \sin \beta$$



$$F' \cdot l' = G \cdot h$$

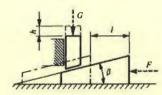
$$F' = \frac{G \cdot h}{l'} = G \cdot \tan \beta$$

F, F' et G doivent être donnés dans la même unité de force.

l, l' et h doivent être donnés dans la même unité de longueur.

 β angle que fait le plan incliné avec le plan horizontal.

Inclinaison: voir p. 105

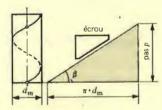


$$F \cdot l = G \cdot h$$

$$F = \frac{G \cdot h}{l} = G \cdot \tan \beta$$

$$F = G \frac{\text{inclinaison en } \%}{100}$$

Vis (sans tenir compte du frottement. En cas contraire, voir "Frottement", pages 50 et 51.)



$$\tan\beta = \frac{p}{\pi \cdot d_{\mathbf{m}}}$$

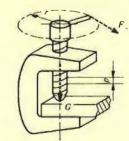
$$d_{\rm m} = \frac{d+d_3}{2}$$

p pas de l'hélice

β angle de l'hélice moyenne

d diamètre nominal 1)

 $d_{
m m}$ diamètre moyen $d_{
m 3}$ diamètre intérieur



$$F = G \frac{p}{2\pi r}$$

Moment de serrage

$$M = F \cdot r = G \frac{p}{2 \cdot \pi}$$
$$M = G \cdot \frac{d_{\mathbf{m}}}{2} \cdot \tan \beta$$

F effort de traction

G effort de serrage

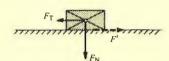
r bras du levier

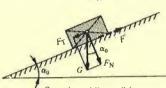
M moment de serrage

Unités : les grandeurs de même espèce doivent être exprimées avec la même unité.

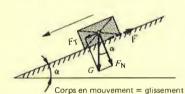
1) Voir normes VSM: Extrait pour écoles professionnelles.

Frottement d'adhérence μ_0 , frottement de glissement μ : voir tableau page 21.





Coros immobile = adhérence



Lorsque $F_T < F'$, le corps est immobile : il y a adhérence. Utiliser le coefficient u.

Lorsque $F_T > F'$, le corps se met en mouvement : il y a glissement. Utiliser le coefficient µ.

Coefficient d'adhérence :

$$\mu_0 = \frac{F_{\rm T}}{F_{\rm N}} = \tan \alpha_0$$

 $\Rightarrow F_{\rm T} = \mu_{\rm o} \cdot F_{\rm N}$

Coefficient de glissement :

$$\mu = \frac{F_{\mathrm{T}}}{F_{\mathrm{N}}} = \tan \alpha$$

$$\Rightarrow F_{\rm T} = \mu \cdot F_{\rm N}$$

force de résistance au frottement

force tangente au plan de frottement

force normale (1) au plan de frottement

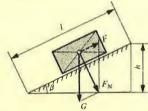
coefficient d'adhérence coefficient de glissement

α₀ [°] angle maximum qui maintient le corps immobile

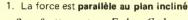
angle minimum qui provoque le glissement du corps

Remarque : les valeurs de μ_0 et μ peuvent être déterminées expérimentalement par la mesure de l'angle a et a.

Plan incliné



 β = angle d'inclinaison du plan sur lequel repose le corps à déplacer.



- Sans frottement : $F \cdot l = G \cdot h$

$$F = G \frac{h}{l} = G \cdot \sin \beta$$

Avec frottement

 $F = G (\sin \beta + \mu \cos \beta)$

 $F = G (\sin \beta - \mu \cos \beta)$

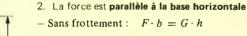
 $F = G \left(\sin \beta - \mu_0 \cos \beta \right)$

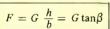
→ pour faire monter le corps

→ pour faire descendre le corps

→ pour immobiliser le corps

Le corps se maintient en mouvement lorsque $\beta \ge \alpha$ Le corps s'immobilise lorsque $\beta < \alpha_0$





- Avec frottement

 $F = G \cdot \tan (\beta + \alpha)$

pour faire monter le corps

 $F = G \cdot \tan(\beta - \alpha)$ $F = G \cdot \tan(\beta - \alpha_0)$ → pour faire descendre le corps

B = angle d'inclinaison du lplan sur lequel repose le corps à déplacer.

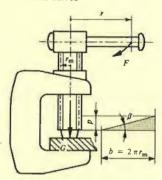
→ pour immobiliser le corps

Unités : les grandeurs de même espèce doivent être exprimées avec la même unité.

Frottement

Frottement dans un assemblage vis-écrou

1. Filets carrés



En fonction du rendement n

 $G \cdot p = F \cdot 2\pi \cdot r \cdot n$

Moment de serrage:

$$M = F \cdot r = G \frac{p}{2\pi \eta} = G \cdot r_{\rm m} \frac{\tan \beta}{\eta}$$

En fonction du frottement u

$$M = G \cdot r_{\mathbf{m}} \cdot \tan (\beta + \alpha)$$

$$M = G \cdot r_{\mathbf{m}} \cdot \tan (\beta - \alpha)$$

$$M = G \cdot r_{\mathbf{m}} \cdot \tan (\beta - \alpha)$$

$$\text{pr serrer}$$

$$G \text{ [N]}$$

$$\text{avec } \tan \alpha = \mu \Rightarrow \alpha$$

$$M \text{ [N·n]}$$

Rendement mécanique au serrage

$$\eta = \frac{\tan\beta}{\tan(\beta + \alpha)}$$

Le développement du filet de la vis donne un triangle dans lequel :

pas de filetage $= 2 \cdot \pi \cdot r_{\mathbf{m}}$ b [mm] $r_{\rm m}$ [mm] rayon moyen = angle de l'hélice moy. Ì٩į angle de frottement coefficient de glissement F[N]effort de traction

r [mm] bras de levier effort de serrage M [N·mm] moment de serrage

rendement mécanique 1) En visserie (système irréversible) l'angle α de frottement est toujours plus grand que l'angle β de l'hélice. Le moment de desserrage sera de signe contraire (négatif) donné par $\beta - \alpha$.

2. Filets triangulaires: Dans les formules ci-dessus, introduire α' à la place de α .



angle des flancs du filet (30°, 55°, 60°)*

Frottement dans un palier



Moment de frottement :

$$M = \mu \cdot F \cdot r$$

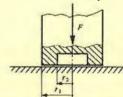
Puissance absorbée par le frottement:

$$P = M \cdot \omega \quad \text{avec} \quad \omega = \frac{\pi \cdot n}{30}$$

coefficient de frottement F[N]effort sur le palier [m]rayon du palier M [Nm] moment de frottement P[W]puissance absorbée

ω [rad/s] vitesse angulaire n [tr/min] fréquence de rotation

Frottement dans un pivot vertical rodé



Moment de frottement :

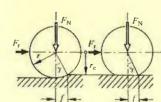
$$M = \mu \cdot F \frac{r_1 + r_2}{2}$$

Si $r_1 = 0$ on a:

$$M = \frac{1}{2} \mu \cdot F \cdot r$$

coefficient de frottement effort sur le pivot $r_1, r_2[m]$ rayons [Nm] moment de frottement

Résistance au roulement



On a l'équilibre

$$F_{\mathbf{r}} \cdot r_{\mathbf{c}} = F_{\mathbf{N}} \cdot f$$

 $F_{\mathbf{r}}$ force de résistance au roulement, applicable sur l'axe de la roue

charge normale au plan de roulement

 $r_{\rm c}$ [mm] rayon sous charge f [mm] bras de levier de la résis-

tance au roulement** coefficient de résistance au roulement**

*Voir normes VSM: Extrait pour Ecoles professionnelles.

**Voir tables page 21.

Formulaire Technique «Fortec»

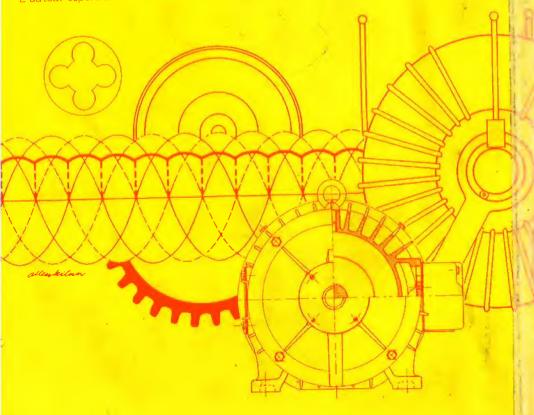
Le succès remporté par cet ouvrage dans les milieux professionnels a permis

- de sortir une septième édition,
- de le traduire en langue allemande sous le titre "Technische Formeln mit SI-Einheiten", Sauerländer AG, 5001 Aarau.

Son but est d'offrir un outil de travail simple, clair, efficace aux professionnels ainsi qu'à toute personne liée de près ou de loin à la métallurgie, à la mécanique ou à l'électricité. Composer et présenter un recueil de formules pratiques, accompagnées de tables, est une tâche ardue. La sélection des matières indispensables à la bonne résolution des calculs pour chaque métier comporte de nombreux écueils : un excès de matière dans un formulaire présente autant d'inconvénients qu'une trop grande concision. La mise en page exige une grande rigueur dans la présentation des formules si on veut un manuel facile à utiliser, permettant de disposer rapidement du renseignement que l'on cherche.

En outre, les unités à appliquer doivent être clairement exprimées de manière à ne jamais laisser le lecteur dans le doute.

L'auteur espère avoir surmonté ces difficultés.



Formulaire Technique «Fortec»

À L'USAGE DES PROFESSIONS DE LA MÉTALLURGIE DE LA MÉCANIQUE ET DE L'ÉLECTRICITÉ

